



BOĞAZIÇI ÜNİVERSİTESİ

ISS/EC-2001-16

**Matematiksel İstatistik ve Ekonometri Eğitiminde Teori ve
Uygulama Arası Gerekli Köprü:
Bilgisayar Uygulamalı Basit Monte Carlo Deneyleri**

C. Emre Alper

ARAŞTIRMA RAPORU

RESEARCH PAPERS

Boğaziçi University Department of Economics Research Papers are of preliminary nature, circulated to promote scientific discussion. They are not to be quoted without written permission of the author(s).

Matematiksel İstatistik ve Ekonometri Eğitiminde Teori ve Uygulama Arası Gerekli Köprü: Bilgisayar Uygulamalı Basit Monte Carlo Deneyleri

Doc. Dr. C. Emre Alper

Ekonomi Bölümü ve
Ekonomi ve Ekonometri Merkezi
Bogazici Üniversitesi
PK 2, Bebek, İstanbul 80815

Giriş

Son yıllarda matematiksel istatistik ve ekonometri eğitiminde veri üretme mekanizmaları (Data generating processes) kullanılarak bazı teorik sonuçların bilgisayar aracılığı ile öğrenciler tarafından simülasyonunun pedagojik önemi anlaşılmış ve başlangıç ekonometri kitaplarının bir bölümü, giderek bu tip bilgisayar uygulamalarını içermeye başlamıştır. (Bkz. Kennedy, 1999 ve Studenmund, 2001) Bu tip bilgisayar destekli uygulamaların i- göreceli olarak masrafsız olarak uygulanabilir olması; yani herhangi bir uzmanlaşmış ekonometri yazılımı gerektirmeyen, ve artık standart olarak hemen her bilgisayarda bulunan bir hesap cizelgesi (spreadsheet) yazılımı (Excel, Lotus veya Quattro Pro gibi) kullanılarak yapılabilmesi; ve ii- matematiksel istatistik ve ekonometri derslerinde cebir yolu ile yapılan teorik çıkarımların uygulama yoluyla öğrencilerin anlayabileceği seviyeye indirilebilmesini sağlaması, son yıllarda ekonometri eğitimi ile ilgili yazılmış makalelerde de ele alınmıştır. (Bkz. Kennedy, 1998)

Gerek yurtdışında, gerekse yurtdışında özellikle lisans eğitiminde verilen istatistik ve ekonometri derslerindeki öğrenci sayısının çokluğu ve nispeten daha az zahmetli olması nedeni ile bu tip dersler daha çok matematik yoğunluklu olarak verilmekte ve ekseriyetle “tebesirli anlatım” kullanılmaktadır. Verilen bilgisayar uygulamaları yetersiz kalmakta ve istatistik-ekonometri derslerini bitirip mezun olmuş ve derslerden göreceli olarak yüksek notla geçmiş öğrenciler örneklem varyansı ve regresyon katsayı hesaplamaları gibi konuları mekanik olarak yapabildikleri halde, özellikle örneklem dağılımları konularını tam olarak anlamamaktadırlar. İstatistik dersini aldıktan sonra ekonometri dersine gelen öğrencilerin çoğu, almış oldukları derste kullanılan matematiksel formüllerin çokluğu nedeni ile istatistik bilimini matematik biliminin bir parçası olarak görmektedir. Bunun nedeni örneklem uzayının yeterli derecede anlatılmamış olması ve dersin “istatistik” kısmının eksik kalmış olmasıdır. Derslerde çıkarılan matematiksel formüller, sağlam bir istatistik tabana oturmadığından, öğrenciler derste ki kavramları birleştirememekte, mekanik olarak bu formülleri kullanmaktan öteye gidememekte ve dersten soğumaktadırlar. Gerçekten, özellikle lisans ekonomi eğitiminde başarı oranının en düşük olduğu ve öğrencinin en az randıman aldığı dersler (kalkülüs dersleri ile birlikte) istatistik ve ekonometri dersleridir. Ders kitapları da öğrenciye gerekli yardımı vermekten uzaktır. Kitaplarda daha çok teorik ekonometriyi tanımlayan teoremler, ispatlar ve matematiksel formüller yer almaktadır.

Burada asıl sorun, teori ve uygulama basamakları arasında yer alması gerekirken, yeterli önem verilmeyen veri üretme mekanizmaları ile teoremin desteklenmesi basamağıdır. Derslerde ispatlanan teorilerin hemen ardından gerçek veriler kullanılarak yapılan uygulamalar,

gerçek verilerdeki bir kısım kirlenme nedeni ile amaçlanan “derste öğretilenlerin gerçek hayatta uygulanması” hedefine hizmet edememektedirler. Derslerde yapılan teorik çıkarımlardan hemen sonra veri üretme mekanizmaları yardımı ile “kontrol edilebilen seviyede kirlenmeye maruz kalan veriler kullanılarak” öğrenciye konunun uygulamaları gösterilmelidir. Bu tip basit alıstirmalar yardımı ile derste yapılmış olan teorik çıkarımların öğrenciler tarafından iyice sindirildiğine emin olduktan sonra ise gerçek verili uygulamalara geçilmeli ve böylece öğretilenlerin gerçek hayatla organik bağlantısı kurulmalıdır.

Bu çalışmada, Bogazici Üniversitesi ikinci ve üçüncü sınıf ekonomi öğrencilerine (son üç yıl içinde) vermiş olduğum matematiksel istatistik ve ekonometri derslerine ait ödevlerden aldığım 4 basit veri üretme mekanizması ve monte carlo alıstirması ile bahsi geçen bilgisayar uygulamaları ile veri üretme mekanizmalarını anlatmanın ve istatistiki tabanın oturtulmasının 21. yüzyılda ekonometri eğitimindeki önemi vurgulanacaktır.

Örnek 1: T-Dağılımı ve Standart Normal ile Ki-Kare Dağılımları ile olan İlişki

Matematiksel istatistik dersini alan bir öğrenci, ortalaması ve varyansı bilinmeyen, normal dağılıma sahip kütleden gelen eldeki örneklemin gözlem sayısının 30’dan küçük olduğu durumlarda, kütlenin ortalaması ile ilgili hipotez testlerinde kullanılmak üzere t-dağılımından yararlanıldığını öğrenir. Ayrıca öğrenci, t-dağılımının elde edilmesi sırasında bağımsız ki-kare dağılımına ve n serbestlik derecesine sahip Y rassal değişkeni ile standart normal dağılıma sahip Z tesadüfi değişkeni kullanılarak elde edilen

$$T = \frac{Z}{\sqrt{Y/n}}$$

T tesadüfi değişkeninin olasılık dağılım fonksiyonunun

$$f(t) = \frac{\Gamma\left(\frac{n+1}{2}\right)}{\sqrt{pn} \Gamma\left(\frac{n}{2}\right)} \left(1 + \frac{t^2}{n}\right)^{-\frac{n+1}{2}} \quad -\infty < t < \infty$$

olduğunu öğrenir ve bu fonksiyonu değişken-değiştirme-teknigi kullanarak ispatlar. T değişkeninin olasılık dağılım fonksiyonunun üç noktalarda standart normal dağılıma göre daha kalın olduğu ve simetrik olduğu da öğrenciye gösterilir. Tipik bir matematiksel istatistik dersinde ayrıca ki-kare dağılım ve standart normal dağılım arasındaki ilişkiler de yine öğretilir. Yapılan işlemler sadece cebir kullanarak bir olasılık yoğunluk fonksiyonunun türetilmesinden ibaret olduğu için dağılımların öğrenci tarafından geometrik uzayda algılanması zor olabilir.

Aşağıdaki bilgisayar uygulaması bu sorunun üzerine gitmede yardımcı olmuştur:

Bu alıstirmada Excel hesap çizelgesi kullanılarak t-dağılımına sahip bir değişken ve bu değişkenin tanımsal istatistikleri çıkarılacaktır. Rasgele sayı üretebilmek için Excel hesap çizelgesindeki eklentiler arasından toolpak çözümleyicisine (tools-Data Analysis toolpack)

ihtiyac olacaktır. Excel hesap cizelgesinin ingilizce olan versiyonuna sahip olan kullanıcılar için gerekli komutlar parantez içinde sunulmuştur.

Talimatlar:

1. Yeni bir Excel hesap cizelgesi yaratin ve sayfa 1'in adini "normal" olarak isimlendirin.
2. Menudeki "araclar" (tools) altinda yer alan "veri cozumleme arac paketi" (data analysis) icinden "rasgele sayi uretme ve cozumleme araci"ni (random number generation) kullanarak 500 adet gozlem sayisina sahip ve ortalamasi 100, varyansi 49 olan normal dagilima sahip tesadufi degiskeni, N'yi, yaratin.
3. Yarattiginiz N degiskenin ortalamasini, varyansini, yatiklik olcusu (skewness) ve basiklik olcusu'nu (kurtosis) hesaplayin. Bu hesaplamalari excel hesap cizelgesinin matematiksel fonksiyonlarini kullanmadan yapmalisiniz. Hesapladiginiz bu tanimsal istatistikleri kullanarak N'ye ait Jarque-Bera test istatistigini hesaplayin. Bu test istatistigini yorumlayin.
4. Sayfa 2'yi "bargrafik1" olarak isimlendirin ve yarattiginiz N degiskeninin bargrafigini (histogram) cizin. Bargrafik, 75'den baslamali ve 10'ar artisla 125'de sonlanmali.
5. Excel hesap cizelgenizdeki sayfa 3'un ismini "t" olarak degistirin. Bu sayfada yine 500 gozlem sayisina sahip ve dagilimi T olan ve serbestlik derecesi 3 olan bir rassal degisken yaratin. T rassal degiskenini yaratirken "rasgele sayi uretme ve cozumleme araci"ni sadece standart normal dagilima sahip degiskenler uretmek için kullanabilirsiniz.
6. Yarattiginiz degiskenin ortalamasini, varyansini, yatiklik olcusu (skewness) ve basiklik olcusunu (kurtosis) hesaplayin. Bu hesaplamalari excel hesap cizelgesinin matematiksel fonksiyonlarini kullanmadan yapmalisiniz. Hesapladiginiz bu tanimsal istatistikleri kullanarak degiskene ait Jarque-Bera test istatistigini hesaplayin. Bu test istatistigini yorumlayin.
7. Sayfa 4'u "bargrafik2" olarak isimlendirin ve yarattiginiz T degiskeninin bargrafigini (histogram) cizin. Bargrafik, -3'den baslamali ve 0.5'er artisla 3'de sonlanmali.

Bu alistirmanin kuskusuz en onemli adimi 5. adimdir, cunku burada ogrencilerin gozunde siklikla karistirilan orneklemdaki gozlem sayisi ve serbestlik derecesi sorunu gundeme gelmektedir. Ayrica ogrenci T'yi yaratabilmek için önce serbestlik derecesi 3 olan bir ki-kare degiskenini yaratmak sorunu ile karsi karsiya kalacak, ve derste teorik olarak gordugu standart normal dagilim ve ki-kare dagilimi arasindaki bagintiyi kullanarak bu degiskeni yaratacaktir.

Ornek 2: Gauss-Markov Teoremi

Standart Ekonometri derslerinde ispat edilen en onemli teoremlerden biri de dogrusal ve yansiz olan kestiricilerin arasinda en kucuk kareler yonteminin en iyi oldugunu soyleyen Gauss Markov teoremidir. Cebir kullanilarak yapilan degisik ispat metodlari her ne kadar ogrenci tarafından takip edilebilse veya ezberlense de, asagidaki alistirmanin her zaman pedagogik acidan yararli oldugunu gozlemledim. Bu alistirmada, ogrenciler bagimsiz degiskene gore kucukten buyuge gore siralanmis veri tabaninin birinci ve sonuncu gozlemleri arasinda cekilen bir duz cizgi yontemi ile elde edilen egim (slope) ve sabit terim (intercept) tahminlerinin, neden en kucuk kareler yonteminden daha kotu sonuclar verdigini goreceklerdir.

I. Bolum

Bu kisimda amac “En Kucuk Kareler” (EKK) yontemini kullanarak dogrusal modelin sabit terim (dusey ekseni kesen nokta) ve egim paremetrelerinin tahminini bulmaktir.

Talimatlar:

1. Yeni bir Excel hesap cizelgesi yaratin ve sayfa 1’in adini “model” olarak isimlendirin. A1 hucreesine “U”, B1 hucreesine “X”, C1 hucreesine “Y” yazin.
2. Menudeki “araclar” (tools) altinda yer alan “veri cozumleme arac paketi” (data analysis) icinden “rasgele sayi uretme ve cozumleme araci”ni (random number generation) kullanarak 500 adet gozlem sayisina sahip ve ortalamasi 0, varyansi 16 olan normal dagilima sahip tesadufi degiskeni, U’yu (Hata), yaratin.
3. X degiskenini yaratmak icin B2 hucrelerinden B501’e kadar –250’den baslayan ve 1’er artarak 249’da biten sayi dizisi ile doldurun.
4. $Y = 6 + 7 X + U$ denklemini kullanarak D sutununda 500 gozlemlik Y degiskenini yaratin.
5. (Sanki sabit terimin 6, egimin de 7 oldugunu bilmiyormus gibi) 500 gozlemli Y ve X degiskenleri ile EKK yontemini kullanarak sabit terimi ve egimi tahmin edin. Ayrica, R^2 , ve egimin t-istatistigini de hesap edin. Hesaplamalarda Excel islevleri (function) kullanilmamali ve sadece derste cikarilan formullerden yararlanilmalidir.
6. Ismini “regresyon ciklisi” olarak degistireceginiz yeni bir sayfada “Veri Cozumleme Arac Paketi” (Data Analysis) icinde yer alan “regresyon” aracini kullanarak bir onceki adimda buldugunuz degerleri teyit edin.

II. Bolum

Bu kisimda amac basit bir Monte Carlo deneyi yaparak Gauss-Markov teoreminin gecerliligini alternatif bir baska dogrusal ve yansiz kestiriciye gore EKK yonteminin ustunlugunu gostermektir. Bu nedenle 2 tip kestirici kullanilacaktir.

Kestirici 1: EKK yontemi

Kestirici 2: Ilk ve son gozlem arasina cizilen bir dogru

Bu iki kestiriciyi 25 ayri X ve Y degiskeni uzerine uygulayip daha sonra her iki yontemle elde edilen egim ve sabit terim tahminleri ortalamalari ve standart sapmalari mukayese edilecektir.

Talimatlar:

1. Yeni bir Excel hesap cizelgesinin 25 degisik sayfasini “Model1”, “Model2”, ... “Model25” olarak adlandirin. Ayrica bir sayfaya da “sonuclar” ismini verin.

2. Model1 sayfasında, aynen 1. bölümde olduğu gibi “U”, “X” ve daha sonra $Y = 6 + 7X + U$ eşitliğini kullanarak 500 gözlemlili Y değişkenini yaratin. Daha sonra 500 gözlemlili X ve Y değişkenlerine önce Kestirici 1 sonra da Kestirici 2’yi uygulayarak düşey eksen kesim noktası ile eğim tahminini hesaplayın.
3. Aynı işlemi toplam 24 kere daha yaparak Model2 ... Model25 sayfasını da doldurun. (Yarattığınız 25 modeldeki X değişkenlerinin aynı, ancak U değişkenleri rassal olduğu için Y değişkenlerinin de farklı olduğunu gözlemleyin.)
4. Sonuçlar sayfasına Model1 ... Model25’deki 500 gözlemlili Y ve X değişkenleri üzerine Kestirici 1 ve 2 uygulanması ile elde edilen sabit terim ve eğim tahminlerini yazın. Kestirici 1 eğim tahminlerinin aritmetik ortalamasını ne beklersiniz? Kestirici 2 eğim tahminlerinin ortalamasını ne beklersiniz? Neden? Kestirici 1 eğim tahminlerinin standart sapması ile Kestirici 2’nin eğim tahminlerinin standart sapmasını kıyaslayın, hangi kestiricinin standart sapması daha büyük, neden? Aynı soruları sabit terim tahminleri için de cevaplandırın.

Bu alıstırmada öğrenci için en önemli sorun, EKK yöntemi kullanılarak tahmin edilen 25 eğim parametresinin standart sapması ile elde edilen regresyon çıktılarında görünen eğim parametresinin standart sapması arasındaki farkın ayırt edilmesi hususudur.

Örnek 3: Gözlemlerde Yapısal Değişim ve Kukla Değişkenler

Ekonometri derslerinde bahsi geçen konulardan biri de yapısal değişimlerin olabileceği veya kalitatif acidan farklı gözlemlerin olduğu regresyon modellerinde bağımsız kukla değişkenlerin önemidir. Bu tip kalitatif farklılıkların veya yapısal değişimlerin dikkate alınmadığı durumlarda yapılacak EKK kestiricisi sonucu elde edilecek tahminler, gerektiği halde kullanılmayan kukla değişkenler sorunu içereceğinden, yanlış ve tutarsız olacaktır. Öte yandan “hem sabit terimi (Y’nin ortalamasını) etkileyen hem de eğimi etkileyen bir yapısal değişim olduğu durumlarda kukla değişkenler kullanılarak hesaplanacak regresyon sonuçları, değişim noktasından 2’ye bölünen gözlem gruplarına ayrı ayrı uygulanarak elde edilecek EKK parametre tahminleri ile aynı olacaktır” sonucu da önemlidir. Bir sonraki alıştırma bu noktalar üzerinde durmaktadır:

Bu alıstırmada 3 ayrı tip yapısal kırılma, veri yaratma mekanizmasının üzerine konularak elde edilen verilere EKK yöntemi uygulanarak elde edilecek sonuçlar yorumlanacaktır. Bu üç tip yapısal kırılma:

- i. Aynı sabit terim, farklı eğimler (Model 1)
- ii. Aynı eğim, farklı sabit terimler (sadece Y ortalamaları farklı) (Model 2)
- iii. Farklı eğim ve farklı sabit terimler (Model 3).

Talimatlar:

1. Bu alıstırmada toplam 100 gözlem sayısına sahip ve 70’ten sonraki gözlemlerde yapısal değişim olan Y’ler yaratılacaktır. Aşağıda daha detaylı olarak anlatılan her üç model için de hem Kısıtsız hem de Kısıtlı EKK yöntemi kullanılarak hesaplama yapılacaktır.

2. Yeni bir excel hesaplama cizelgesinde 5 sayfa ile calisacaksiniz. Bu sayfaları sirasiyla “Veriler”, “Model1”, Model2”, “Model3” ve “Sonuclar” seklinde isimlendirin.
3. Menudeki “araclar” (tools) altinda yer alan “veri cozumleme arac paketi” (data analysis) icinden “rasgele sayi uretme ve cozumleme araci”ni (random number generation) kullanarak 100 adet gozlem sayisina sahip ve ortalamasi 0, varyansi 16 olan normal dagilima sahip tesadufi degiskeni, U’yu (Hata’yi), “Veriler” sayfasinda yaratin.
4. Yine “Veriler” sayfasinda, X degiskeni yaratmak icin –50’den baslayan ve 1’er artarak 49’da biten sayi dizisini olusturun.
5. Kukla Degisken olan D’yi ise 1. ve 70. gozlemler arasi 0 degerini alacak, 71. ve 100. gozlemler arasinda ise 1 degerini alacak sekilde “Veriler” sayfasinda yaratin.
6. 100 gozlemlik U, X ve D degiskenlerini “Model1”, Model2” ve “Model3” sayfalarına kopyalayin.
7. Her sayfada U, X ve D degiskenlerini kullanarak Y degiskenini asagidaki tabloda belirtildiği üzere yaratin. Modellerde $Y = \text{alfa} + \text{beta} X + U$ denklemini kullanacaksiniz.

		Katsayilar	
		alfa	beta
Model 1	1-70	-25	0.70
	71-100	-25	0.25
Model 2	1-70	-25	0.70
	71-100	7	0.70
Model 3	1-70	-25	0.70
	71-100	7	0.25

8. Her model icin “Veri Cozumleme Arac Arac Paketi” (Data Analysis) icinde yer alan “regresyon” aracini kullanarak 2 cesit regresyon modeli hesaplayacaksiniz.
9. Birinci regresyon modelinde Y bagimli degisken, X ise (sabit haric) tek bagimli degisken olacaktır. Regresyon ciktilarini model sayfalarinin icinde saklayin.
10. Ikinci tip regresyon modelinde ise Y bagimli degisken, sabit, D, X ve DX ise bagimsiz degiskenler olacaktır. (Regresyon aracini kullanmadan once D carpi X degiskenini tanımlamayı unutmayın).
11. Her iki regresyon modelini de “Model1”, “Model2” ve “Model3” sayfalarındaki verilere uygulayin.
12. “Sonuclar” sayfasinda yapmis oldugunuz bu alistirmayı sebep-sonuc iliskisini gozeterек yorumlayin. Ozellikle kisitli ve kisitsiz EKK yontemlerinden elde edilen parametre tahminleri ve bu tahminlerin istatistiki olarak anlamlı olup olmadigi konulari üzerinde durun.
13. Ek bir alistirma olarak “Model3”deki ilk 70 gozlem ve sonraki 30 gozlem icin ayrı birer regresyon ciktilisi alin. Sonuclarinizi, 2. regresyon modelindeki butun 100 gozleme regresyonun uygulandigi sonuclarla kiyaslayin.

Ornek 4: Ardisik Bagimlilik (Otokorelasyon)

Degisen varyans (heteroskedasticity) ve ardisik bagimlilik (autocorrelation), dogrusal regresyon modeli varsayimlarini bozan onemli iki istisnadir. Her iki durumda da, EKK yontemi ile hesaplanan parametreler yansiz ve tutarli olmakla birlikte verimlilikleri dusmektedir. Kalintilarda ardisik bagimliligin olup olmadiginin sinanmasi icin en yaygin kullanilan test Durbin-Watson testidir. Bundan sonraki alistirma bu konulara egilmektedir.

Talimatlar:

1. Menudeki “araclar” (tools) altinda yer alan “veri cozumleme arac paketi” (data analysis) icinden “rasgele sayi uretme ve cozumleme araci”ni (random number generation) kullanarak 100 adet gozlem sayisina sahip ve ortalamasi 0, varyansi 25 olan normal dagilima sahip tesadufi degiskeni E_t 'yi (Beyaz Gurultu) yaratin.
2. X degiskeni yaratmak icin -50 'den baslayan ve 1 'er artarak 49 'da biten sayi dizisini olusturun.
3. $Y = 6 + 7X + U$ denklemini kullanarak 100 gozlemlik Y degiskeni yaratacaksiniz. U 'yu (hata terimini) yaratmak icin 4 ayri model kullanacaksiniz:

Model 1: $U_t = E_t$ (Beyaz Gurultu)

Model 2: $U_t = 0.25U_{t-1} + E_t$ (1. Dereceden ardisik bagimli surec)

Model 3: $U_t = E_t - 0.7E_{t-1}$ (1. Dereceden hareketli ortalama)

Model 4: $U_t = 0.25U_{t-1} + E_t - 0.7E_{t-1}$ (ARMA(1,1))

4. Her 4 model icin turetilmis Y bagimli degiskeni ile sabit ve X bagimli degiskenilerini kullanarak EKK tahminlerini ve tahmini katsayi varyans-kovaryans matrisini ve Durbin-Watson test istatistigini hesaplayin. Kalintilar ve bir donem onceki kalintilar kullanilarak olusturulmus dagilim grafigini (scatter diagram) olusturun. Test sonuclarini ve dagilim grafiklerini yorumlayin.

Gozlemlerim, ozellikle 1. dereceden ardisik bagimli surecin yaratilmasi (ve surecin yaratilmasi icin baslangic degerinin verilmesi gerektigi) sirasinda, bu is her ne kadar teorik olarak kolay gorunse de, ogrencilerin zorluk cektigi yonundedir.

Tabii yapilabilecek alistirmalar kesinlikle bunlarla kisitli kalmamaktadır. En basit bir rassal yuruyus modeline uyan bir degiskenin degisik gozlem sayilari icin (ornegin 25, 100, 1000, 10,000) gorsel grafiginin cizilmesinden, es-anli modellerin (simultaneous) veri yaratma mekanizmasinin olusturulmasina kadar varan bir yelpazede bu alistirmalari artirabilmek mumkundur. Ozellikle Kennedy (1999)'nin D ekinde yer alan A, F, W, FF, SS ve XX'de cok yararli monte carlo alistirma ve sorulari yer almaktadır.

Sonuc

Son yıllarda ekonometri eğitimi ile ilgili yazılmış makalelerde de değinildiği gibi, matematiksel istatistik ve ekonometri eğitiminde öğrencilere verilecek veri üretme mekanizmaları ile ilgili bilgisayar alistirmaları, derslerde öğretilen teorik çıkarımların uygulama yoluyla öğrencilerin anlayabileceği seviyeye indirilebilmesini sağlaması amacı için çok önemlidir. Bu makalede, bu tip alistirmaların önemi, 4 basit örnek ile vurgulanmaya çalışılmıştır. 21. yüzyıl ekonometri eğitiminde, hızlı teknoloji ilerlemesi sonucu ucuzlayan ve bu nedenle artan bilgisayar kullanımının doğal sonucu olarak, bu tip veri yaratma mekanizmalarını gösteren alistirmaların önemli bir rol oynaması kaçınılmazdır.

Kaynaklar

Kennedy, P. (1998): “Teaching Undergraduate Econometrics: A Suggestion for Fundamental Change”, *American Economic Review* 88, No. 2, 487-491.

_____ (1999): *A Guide to Econometrics*, Fourth Edition, Blackwell Publishers, Massachusetts.

Hogg, R. V. and A. T. Craig (1995): *Introduction to Mathematical Statistics*, Fifth Edition, Prentice-Hall, Inc.: New Jersey.

Miller I. and M. Miller (1999): *John E. Freund’s Mathematical Statistics*, Sixth Edition, Prentice-Hall, Inc.: New Jersey.

Studenmund, A. H. (2000): *Using Econometrics A Practical Guide*, Fourth Edition, Addison-Wesley: New York.